

1.- Una partícula efectúa un movimiento armónico simple cuya ecuación es

$$x(t) = 0,3 \cos\left(2t + \frac{\pi}{6}\right) \text{ donde } x \text{ se mide en metros y } t \text{ en segundos.}$$

- Determina la frecuencia, el período, la amplitud y la fase inicial del movimiento.
- Calcula la aceleración y la velocidad de la partícula en el instante inicial.

2 (*La Rioja 2005*).- Una partícula de masa m empieza su movimiento a partir del reposo, en la posición $x = 25 \text{ cm}$ y oscila alrededor de su posición de equilibrio ($x = 0$) con un período de $1,5 \text{ s}$.
Escribe las ecuaciones de la posición $x(t)$, la velocidad $v(t)$ y la aceleración $a(t)$ de la partícula en función del tiempo.

3 (*Andalucía 2007*).- Un cuerpo realiza un movimiento armónico simple:

- Escribe la ecuación del movimiento si la aceleración máxima es $5 \cdot \pi^2 \text{ cm/s}^2$, el período de las oscilaciones 2 s y la elongación del cuerpo al iniciarse el movimiento $2,5 \text{ cm}$.
- Representa gráficamente la elongación y la velocidad en función del tiempo y comenta la gráfica.

4.- Un objeto oscila según un movimiento armónico simple dado por $x = A \text{ sen}(\omega t)$. Si el valor de la amplitud es 6 cm , y la aceleración del objeto cuando $x = -4 \text{ cm}$ es 24 cm/s^2 , calcula:

- La aceleración cuando $x = 1 \text{ cm}$.
- La velocidad máxima que alcanza el objeto.

5.- Una partícula realiza un movimiento vibratorio armónico simple. Escribe la ecuación del movimiento en unidades del S.I. en los siguientes casos:

- Su aceleración máxima es igual a $5 \pi^2 \text{ cm/s}^2$, el período vale 2 s y la elongación del punto al iniciarse el movimiento es igual a $2,5 \text{ cm}$.
- Su velocidad es 3 cm/s cuando la elongación es $2,4 \text{ cm}$ y la velocidad es 2 cm/s cuando su elongación es $2,8 \text{ cm}$. La elongación al iniciarse el movimiento era nula.

6 (*La Rioja*).- Un muelle, cuya masa consideramos despreciable, tiene una longitud natural $L_0 = 20 \text{ cm}$. Cuando de su extremo inferior se cuelga un cuerpo de masa $M = 0,1 \text{ kg}$, la longitud en equilibrio del muelle es $L_e = 30 \text{ cm}$.

- Calcula la constante recuperadora, k del muelle. Considera $g = 10 \text{ m/s}^2$.
- Partiendo de la posición de equilibrio anterior, se desplaza M hacia arriba 10 cm , es decir, hasta que el muelle recupera su longitud natural. A continuación, se suelta M con velocidad inicial nula, de forma que empieza a oscilar armónicamente en dirección vertical. Calcula la longitud máxima del muelle en el punto más bajo de la oscilación.
- Calcula la amplitud y la frecuencia de la oscilación, y la velocidad de M cuando pasa por su posición de equilibrio.

7 (*Madrid*).- Una partícula de masa $m = 0,1 \text{ kg}$ oscila armónicamente en la forma $x = A \text{ sen}(\omega t)$, con una amplitud $A = 0,2 \text{ m}$ y una frecuencia angular $\omega = 2 \pi \text{ rad/s}$.

- Calcula la energía mecánica de la partícula.
- Determina y representa gráficamente las energías potencial y cinética de m en función de la elongación, x .