

1.- Una partícula de masa  $m = 20 \text{ g}$  oscila armónicamente en la forma  $x(t) = A \text{ sen}(\omega t)$ .

a) Determina la frecuencia angular  $\omega$  y la amplitud  $A$  de la oscilación.

$$\omega = 5 \pi \text{ rad/s} \quad A = 2 \text{ m}$$

b) Calcula la energía cinética y la potencial de la masa  $m$  en función del tiempo. Justifica cuánto vale la suma de ambas energías.

$$E_c = \pi^2 \cos^2(5\pi t) \text{ J} \quad E_p = \pi^2 \text{ sen}^2(5\pi t) \text{ J} \quad E_m = \pi^2 \text{ J}$$

2 (Cantabria 2007).- Una partícula inicia un movimiento armónico simple en el extremo de su trayectoria y tarda  $0'1 \text{ s}$  en llegar al centro de ella. Si la distancia entre ambas posiciones es de  $20 \text{ cm}$ , calcula:

a) El período del movimiento y la frecuencia angular o pulsación.

$$T = 0,4 \text{ s} \quad \omega = 5 \pi \text{ rad/s}$$

b) La posición de la partícula  $1 \text{ segundo}$  después de iniciado el movimiento.

$$x = -20 \text{ cm}$$

c) Esta partícula tiene una cierta energía cinética máxima. Si esta misma partícula tardara el doble de tiempo ( $0'2 \text{ s}$ ) en realizar el mismo recorrido, determina por cuánto se multiplicaría o dividiría dicha energía.

*La  $E_c$  se dividiría por 4*

3.- Una masa de  $100 \text{ g}$  está unida a un resorte de constante elástica  $k = 150 \text{ N/m}$  y situada sobre el eje X. Se separa de su posición de equilibrio  $40 \text{ cm}$  y se deja en libertad, con lo que comienza a moverse con un movimiento armónico simple.

Calcula el período de oscilación y la energía mecánica con la que inicia el movimiento.

$$T = 0,16 \text{ s} \quad E_m = 12 \text{ J}$$

4.- En el laboratorio se ha medido cuatro veces el tiempo que tarda una esferita que pende de un hilo de  $60 \text{ cm}$  de longitud en realizar  $20$  oscilaciones completas de pequeña amplitud. Los resultados de la medición son  $31,7 \text{ s}$ ,  $31,4 \text{ s}$ ,  $30,5 \text{ s}$ , y  $32,0 \text{ s}$ . Estima el valor de la aceleración de la gravedad.

$$g = 9,6 \text{ m/s}^2$$

5.- Una partícula de masa  $m = 0,1 \text{ kg}$  oscila armónicamente en la forma  $x = A \text{ sen}(\omega t)$ , con una amplitud  $A = 0,2 \text{ m}$  y una frecuencia angular  $\omega = 2 \pi \text{ rad/s}$ .

a) Calcula la energía mecánica de la partícula.  $E_m = 0,79 \text{ J}$

b) Determina y representa gráficamente las energías potencial y cinética de  $m$  en función de la elongación,  $x$ .

6.- Una partícula de masa  $m$  oscila con frecuencia angular  $\omega$  según un movimiento armónico simple de amplitud  $A$ .

Deduce la expresión que proporciona la expresión de la energía mecánica de esta partícula en función de los anteriores parámetros.

$$E_m = 1/2 m \omega^2 A^2$$

7(Madrid 2008).- Un cuerpo de masa  $m$  está suspendido de un muelle de constante elástica  $k$ . Se tira verticalmente del cuerpo desplazando éste una distancia  $x$  respecto de su posición de equilibrio, y se le deja oscilar libremente. Si en las mismas condiciones del caso anterior el desplazamiento hubiera sido  $2x$ , deduce la relación que existe, en ambos casos entre:

a) Las velocidades máximas del cuerpo.

$$v_2 \text{ máx} = 2 v_1 \text{ máx}$$

b) Las energías mecánicas del sistema oscilante.

$$Em_2 = 4 Em_1$$